

# LL Parser (TOP-DOWN)



CT-200

Thiago Silva de Oliveira Duarte  
Marcus Kimura Lopes

# TOP DOWN x BOTTON UP PARSER

## TOP DOWN

Algoritmo começa do símbolo de início aplicando produções até alcançar a string desejada

S	
AB	$S \rightarrow AB$
aAB	$A \rightarrow aA$
aaAB	$A \rightarrow aA$
aaaAB	$A \rightarrow aA$
aaa $\epsilon$ B	$A \rightarrow \epsilon$
aaab	$B \rightarrow b$

S	$\rightarrow$	AB
A	$\rightarrow$	aA   $\epsilon$
B	$\rightarrow$	b   bB

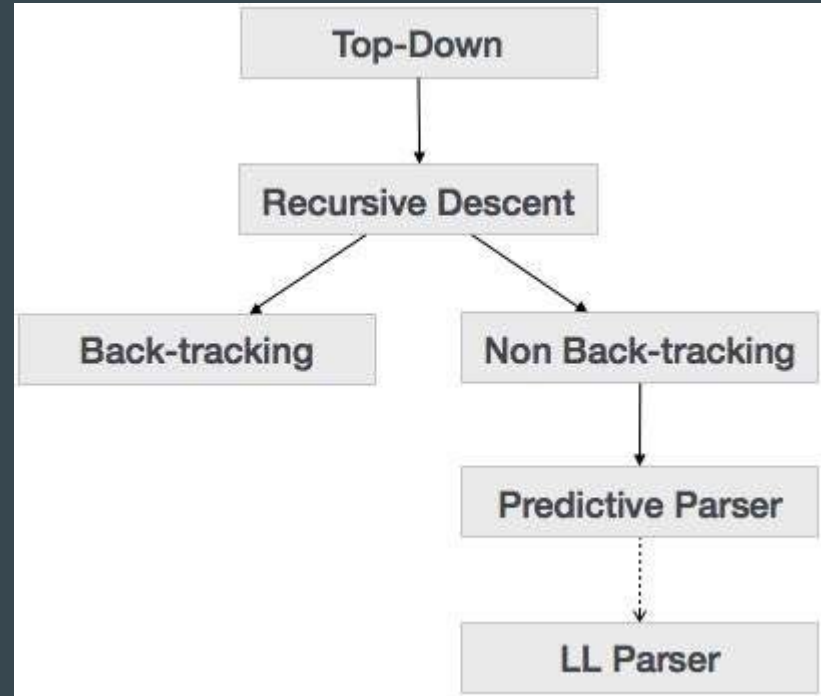
## BOTTON UP

Algoritmo começa da string e reduz até o símbolo inicial identificando as produções que ele gera.

aaab	
aaa $\epsilon$ b	(insert $\epsilon$ )
aaaAb	$A \rightarrow \epsilon$
aaAb	$A \rightarrow aA$
aAb	$A \rightarrow aA$
Ab	$A \rightarrow aA$
AB	$B \rightarrow b$
S	$S \rightarrow AB$

# Técnicas TOP DOWN Parsing

Técnicas de Top Down parsing fazem o “parseamento” da entrada e construindo uma árvore de “parse” da raiz, movendo gradualmente para as folhas.

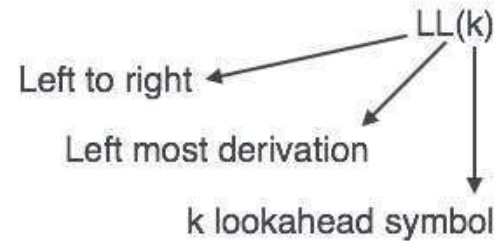


# LL Parser

LL Parser aceita gramáticas do tipo LL que são subsets de gramáticas livres de contexto mas com algumas restrições a fim de termos uma implementação mais simples.

O parser LL é denotado como  $LL(k)$ .

O Primeiro L significa a entrada da esquerda para a direita e o segundo L significa a derivação mais a esquerda e  $k$  representa o número de “look aheads”.



# Duas escolhas do parser

## Predição

Tentar encontrar a formação que pode gerar o terminal mais à esquerda

## Match

Identificar o terminal mais à esquerda da string

# Exemplo

- $S \rightarrow E$
- $E \rightarrow T + E$
- $E \rightarrow T$
- $T \rightarrow \text{int}$

`int + int + int`

Production	Input	Action
S	int + int + int	Predict S -> E
E	int + int + int	Predict E -> T + E
T + E	int + int + int	Predict T -> int
int + E	int + int + int	Match int
+ E	+ int + int	Match +
E	int + int	Predict E -> T + E
T + E	int + int	Predict T -> int
int + E	int + int	Match int
+ E	+ int	Match +
E	int	Predict E -> T
T	int	Predict T -> int
int	int	Match int
		Accept

# Principio do algoritmo

Basicamente é encontrar as formações que derivam nos terminais da sentença.

Humanamente é facil por tentativa e erro, mas a implementação do algoritmo pode tornar a busca das formações de forma mais rápidas.

O algoritmo se baseia na criação de uma tabela que auxilie, baseado no terminal, identificar qual formação o gera usando uma pilha para guardar as variáveis da gramática.

Para formar a tabela é necessario identificar os FIRST and FOLLOW para cada derivação.

# Construção da Tabela do Parse

## FIRST

Quais os primeiros terminais ou epsilon alcançados pela formação

$$\begin{array}{l} E \rightarrow TE' \\ E' \rightarrow + TE' \mid \epsilon \\ T \rightarrow FT' \\ T' \rightarrow * FT' \mid \epsilon \\ F \rightarrow (E) \mid \text{int} \end{array}$$

## FOLLOW

Para um não terminal A, FOLLOW(A) é o conjunto de terminais que podem aparecer a direita de A em alguma forma sentencial seguindo as regras:

- SE A é um símbolo inicial ,
  - coloque \$ no FOLLOW(A)
- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$ ,
  - geram FOLLOW(A) = FIRST( $\beta$ )
- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$  onde  $\beta \rightarrow \epsilon$ 
  - adiciona FOLLOW(A) = FOLLOW(B)



# Identificando FIRST

$\text{FIRST}(E) = \text{FIRST}\{T\} = \text{FIRST}(F) = \{ (, \text{int} \}$

$\text{FIRST}(E') = \{ +, \epsilon \}$

$\text{FIRST}(T') = \{ *, \epsilon \}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \epsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \epsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

# Identificando Follow

$\text{FOLLOW}(E) = \{\}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{\}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{\}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{\}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{\}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

# Identificando Follow

FOLLOW(E) = { \$ }

FOLLOW(E') = { }

FOLLOW(T) = { }

FOLLOW(T') = { }

FOLLOW(F) = { }

E	→	TE'
E'	→	+ TE'   ε
T	→	FT'
T'	→	* FT'   ε
F	→	(E)   int

Adiciona \$ ao simbolo inicial E

# Identificando Follow

$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$ \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ \text{FOLLOW}(E) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ \}$

- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$  onde  $\beta \rightarrow \epsilon$ , adiciona  $\text{FOLLOW}(A) = \text{FOLLOW}(B)$ 
  - $E \rightarrow TE'$  onde
    - $\alpha = T$
    - $A = E'$
    - $B = E$
    - Portanto  $\text{FOLLOW}(E') = \text{FOLLOW}(E)$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \epsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \epsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

# Identificando Follow

$FOLLOW(E) = \{ \$ \}$

$FOLLOW(E') = \{ FOLLOW(E) \}$

$FOLLOW(T) = \{ + \}$

$FOLLOW(T') = \{ \}$

$FOLLOW(F) = \{ \}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid int$

- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$ , geram  $FOLLOW(A) = FIRST(\beta)$ 
  - $E' \rightarrow + TE' \mid \varepsilon$ , onde
    - $\alpha = +$
    - $A = T$
    - $\beta = E'$
    - Portanto  $FOLLOW(T) = FIRST(E')$

# Identificando Follow

$FOLLOW(E) = \{ \$ \}$

$FOLLOW(E') = \{ FOLLOW(E) \}$

$FOLLOW(T) = \{ + \}$

$FOLLOW(T') = \{ FOLLOW(T) \}$

$FOLLOW(F) = \{ \}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \epsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \epsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid int$

- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$  onde  $\beta \rightarrow \epsilon$ , adiciona  $FOLLOW(A) = FOLLOW(B)$ 
  - $T \rightarrow FT'$ , onde
    - $\alpha = F$
    - $A = T$
    - Portanto  $FOLLOW(T) = FOLLOW(T')$

# Identificando Follow

$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$ \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ \text{FOLLOW}(E) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ + \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ \text{FOLLOW}(T) \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ * \}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$ , geram  $\text{FOLLOW}(A) = \text{FIRST}(\beta)$ 
  - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$ , onde
    - $\alpha = *$
    - $A = F$
    - $\beta = T'$
    - Portanto  $\text{FOLLOW}(F) = \text{FIRST}(T')$

# Identificando Follow

$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$ \} \cup \{ ) \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ \text{FOLLOW}(E) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ + \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ \text{FOLLOW}(T) \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ * \}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$ , geram  $\text{FOLLOW}(A) = \text{FIRST}(\beta)$ 
  - $F \rightarrow (E) \mid \text{int}$ , onde
    - $\alpha = ($
    - $A = E$
    - $\beta = )$
    - Portanto  $\text{FOLLOW}(E) = \text{FIRST}( )$



# Identificando Follow

$$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$ \} \cup \{ ) \}$$

$$\text{FOLLOW}(E') = \{ \text{FOLLOW}(E) \}$$

$$\text{FOLLOW}(T) = \{ + \} \cup \text{FOLLOW}(E')$$

$$\text{FOLLOW}(T') = \{ \text{FOLLOW}(T) \}$$

$$\text{FOLLOW}(F) = \{ * \}$$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

- Pensando na formação  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$  ela gera a formação  $E' \rightarrow +T$
- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$  onde  $\beta \rightarrow \varepsilon$ , adiciona  $\text{FOLLOW}(A) = \text{FOLLOW}(B)$ 
  - $E' \rightarrow +T$ , onde
    - $\alpha = +$
    - $A = T$
    - Portanto  $\text{FOLLOW}(T) = \text{FOLLOW}(E')$

# Identificando Follow

$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$ \} \cup \{ ) \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ \text{FOLLOW}(E) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ + \} \cup \text{FOLLOW}(E')$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ \text{FOLLOW}(T) \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ * \} \cup \text{FOLLOW}(T')$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

- Pensando na formação  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$  ela gera a formação  $T' \rightarrow *F$
- Produções  $B \rightarrow \alpha A \beta$  onde  $\beta \rightarrow \varepsilon$ , adiciona  $\text{FOLLOW}(A) = \text{FOLLOW}(B)$ 
  - $T' \rightarrow *F$ , onde
    - $\alpha = *$
    - $A = F$
    - Portanto  $\text{FOLLOW}(F) = \text{FOLLOW}(T')$

# Identificando Follow

$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ +, \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ *, +, \$, ) \}$

$E$	$\rightarrow$	$TE'$
$E'$	$\rightarrow$	$+ TE' \mid \varepsilon$
$T$	$\rightarrow$	$FT'$
$T'$	$\rightarrow$	$* FT' \mid \varepsilon$
$F$	$\rightarrow$	$(E) \mid \text{int}$

# FIRST E FOLLOWS

$\text{FIRST}(E) = \{ (, \text{int} \}$

$\text{FIRST}(E') = \{ +, \epsilon \}$

$\text{FIRST}(T) = \{ (, \text{int} \}$

$\text{FIRST}(T) = \{ *, \epsilon \}$

$\text{FIRST}(F) = \{ (, \text{int} \}$

$\text{FOLLOW}(E) = \{ \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ +, \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, \$, ) \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ *, +, \$, ) \}$

# Regras da Tabela

Para cada produção  $A \rightarrow U$  faça os passos a seguir

Para cada terminal em  $\text{First}(U)$  adicione a formação de  $U$  na coluna do terminal

Se temos  $\epsilon$  in  $\text{First}$ , adicionamos o arco  $A \rightarrow \epsilon$  nos terminais Follow

# Tabela LL(1) construída

$$\begin{aligned}
 E &\rightarrow TE' \\
 E' &\rightarrow +TE' \mid \varepsilon \\
 T &\rightarrow FT' \\
 T' &\rightarrow *FT' \mid \varepsilon \\
 F &\rightarrow (E) \mid \text{int}
 \end{aligned}$$

Input/ Top of parse stack	int	+	*	(	)	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow \text{int}$			$F \rightarrow (E)$		

# Algoritmo

1. Se  $X=a$  e  $a$  é o fim da string, fim do parse com sucesso.
2. SE  $X=a$  e  $a$  é diferente do fim da string, pop  $X$  na pilha e avança para a próxima entrada.
3. Se  $X \neq a$  e não é um terminal, pop  $X$  e consulte a tabela para ver qual produção se aplica, empilha o lado direito da produção na pilha (predição).
4. Se nenhum dos casos acima se aplica ou não há uma entrada valida na tabela, tem um erro no parser

# Aplicando o algoritmo com a tabela

PARSE STACK	REMAINING INPUT	PARSER ACTION
E\$	int + int * int\$	Predict $E \rightarrow TE'$ , pop E from stack, push $TE'$ , no change in input
$TE'S$	int + int * int\$	Predict $T \rightarrow FT'$

Input/ Top of parse stack	int	+	*	(	)	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
$E'$		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
$T'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow \text{int}$			$F \rightarrow (E)$		



# Aplicando o algoritmo com a tabela

FT'E'S	int + int * int\$	Predict $F \rightarrow \text{int}$
intT'E'S	int + int * int\$	Match int, pop from stack, move ahead in input
T'E'S	+ int * int\$	Predict $T' \rightarrow \epsilon$
E'S	+ int * int\$	Predict $E' \rightarrow +TE'$
+TE'S	+ int * int\$	Match +, pop
TE'S	int * int\$	Predict $T \rightarrow FT'$
FT'E'S	int * int\$	Predict $F \rightarrow \text{int}$

Input/ Top of parse stack	int	+	*	(	)	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow \text{int}$			$F \rightarrow (E)$		

# Aplicando o algoritmo com a tabela

intT'E'S	int * int\$	Match int, pop
TE'S	* int\$	Predict T'→ *FT'
*FTE'S	* int\$	Match *, pop
FTE'S	int\$	Predict F→ int
intT'E'S	int\$	Match int, pop
TE'S	\$	Predict T'→ ε
E'S	\$	Predict E'→ ε
\$	\$	Match \$, pop, success!

Input/ Top of parse stack	int	+	*	(	)	\$
E	E→ TE'			E→ TE'		
E'		E'→ +TE'			E'→ ε	E'→ ε
T	T→ FT'			T→ FT'		
T'		T'→ ε	T'→ *FT'		T'→ ε	T'→ ε
F	F→ int			F→ (E)		

# Referencias

<http://dragonbook.stanford.edu/lecture-notes/Stanford-CS143/07-Top-Down-Parsing.pdf>

<http://blog.reverberate.org/2013/07/ll-and-lr-parsing-demystified.html>

[https://en.wikipedia.org/wiki/LL\\_parser](https://en.wikipedia.org/wiki/LL_parser)

<http://www.inf.ufrgs.br/~nicolas/pdf/Compiladores06-first-follow.pdf>

<https://www.youtube.com/watch?v=SBnjVW8dUqo>

[https://www.tutorialspoint.com/compiler\\_design/compiler\\_design\\_types\\_of\\_parsing.htm](https://www.tutorialspoint.com/compiler_design/compiler_design_types_of_parsing.htm)