

# JOGOS

## Jogos vs. problemas de busca

Jogos são mais difíceis do que problemas usuais de busca.

Oponente é “imprevisível”  $\Rightarrow$  problema de contingência

Limites de tempo  $\Rightarrow$  improvável achar meta, tem que aproximar

Uma longa história:

- Algoritmo para jogo perfeito (Von Neumann, 1944)
- Horizonte finito, avaliação aproximada (Zuse, 1945; Shannon, 1950; Samuel, 1952–57)
- Poda para reduzir custos (McCarthy, 1956)

## Tipos de jogos

Jogo de informação perfeita: ambiente acessível.

Jogo de informação imperfeita: ambiente parcialmente inacessível

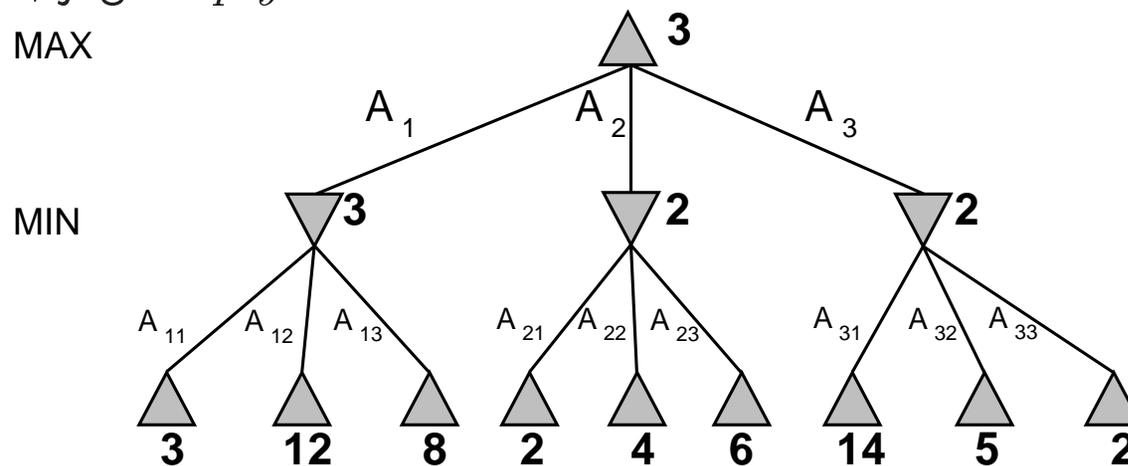
	<b>deterministic</b>	<b>chance</b>
<b>perfect information</b>	<b>chess, checkers, go, othello</b>	<b>backgammon monopoly</b>
<b>imperfect information</b>		<b>bridge, poker, scrabble nuclear war</b>

# Minimax

Propõe jogadas para jogos determinísticos de informação perfeita

Idéia: escolha movimento para posição com mais alto valor *minimax* = **melhor** jogada contra a **melhor** jogada do adversário

Por exemplo, jogo 2-*ply*:



# Algoritmo Minimax

```
function MINIMAX-DECISION(game) returns an operator  
  for each op in OPERATORS[game] do  
    VALUE[op] ← MINIMAX-VALUE(APPLY(op, game), game)  
  end  
  return the op with the highest VALUE[op]
```

---

```
function MINIMAX-VALUE(state, game) returns a utility value  
  if TERMINAL-TEST[game](state) then  
    return UTILITY[game](state)  
  else if MAX is to move in state then  
    return the highest MINIMAX-VALUE of SUCCESSORS(state)  
  else  
    return the lowest MINIMAX-VALUE of SUCCESSORS(state)
```

# Propriedades (e problemas) de Minimax

Completo?? Sim, se árvore for finita (xadrez têm regras específicas para garantir isto)

Ótimo?? Sim, contra um oponente ótimo. Caso contrário?

Complexidade no tempo??  $O(b^m)$

Complexidade no espaço??  $O(bm)$  (exploração *depth-first*)

Para xadrez,  $b \approx 35$ ,  $m \approx 100$  para um jogo “razoável”  
⇒ solução exata impraticável

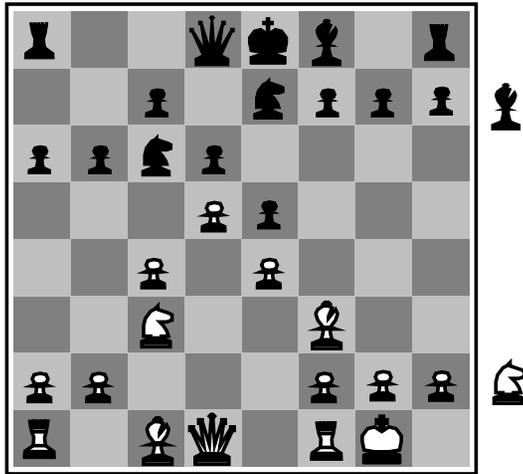
Enfoque usual para lidar com limitações de recursos computacionais:

*teste de corte*, e.g., limite de profundidade com uso de *função de avaliação* = “desejabilidade” estimada da posição

Busca quiescente: avaliação heurística de posição não é recomendável em posições “instáveis” ⇒ melhor usá-la apenas se posições forem estáveis com respeito à heurística. Exemplo ...

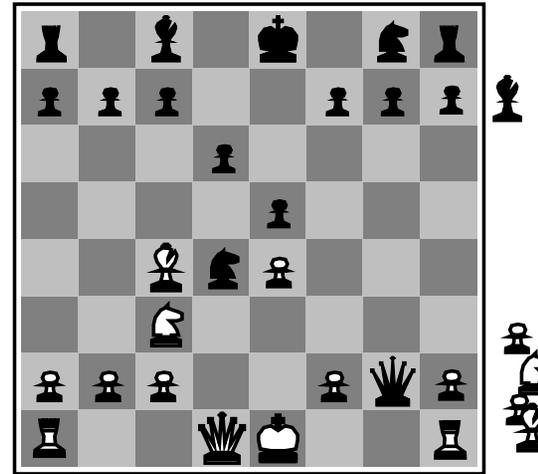
Problema do horizonte: Avaliação com teste de corte pode ignorar consequências no futuro distante, a não ser que heurística seja muito sofisticada.

# Funções de avaliação



**Black to move**

**White slightly better**



**White to move**

**Black winning**

Para xadrez, tipicamente uma soma ponderada de *features*

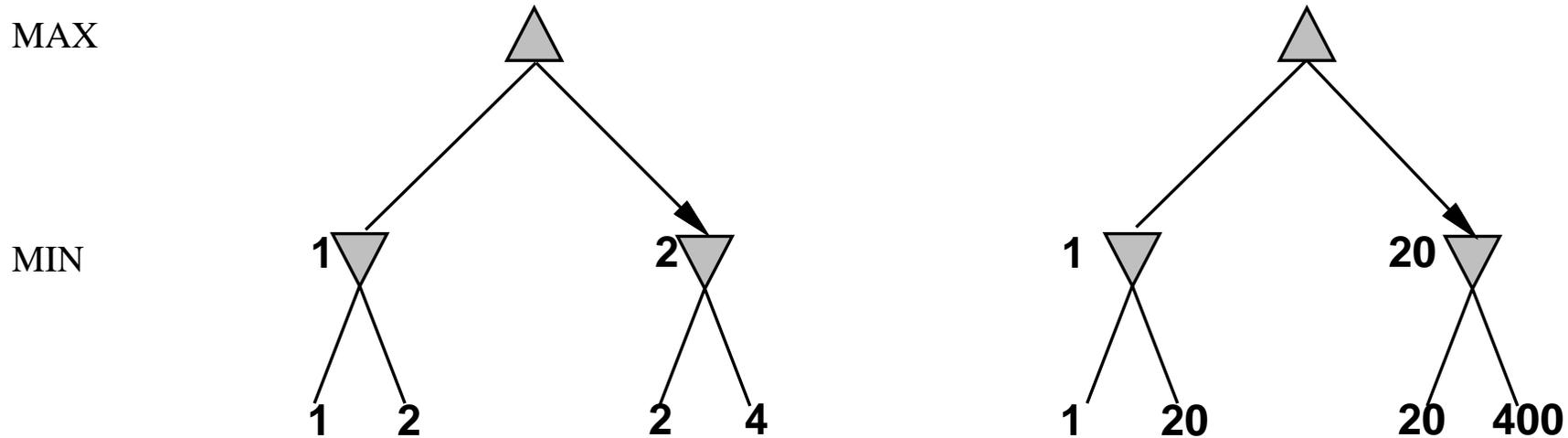
$$\text{EVAL}(s) = w_1 f_1(s) + w_2 f_2(s) + \dots + w_n f_n(s)$$

por exemplo,  $w_1 = 9$  com

$f_1(s) = (\text{número de rainhas brancas}) - (\text{número de rainhas pretas})$

etc.

## Observação: Valores exatos não importam



O comportamento é preservado sob qualquer transformação *monotônica* de EVAL

Só a ordem importa:

A avaliação em jogos determinísticos atua como uma função de *ordenamento*

## Eliminando a busca

MINIMAXCUTOFF é idêntico a MINIMAXVALUE exceto por

1. TERMINAL? é substituído por CUTOFF?
2. UTILITY é substituído por EVAL

Funciona na prática? Suponha capacidade de processar  $10^6$  nós por jogada, jogo de xadrez (fator de ramificação aprox. 35):

$$b^m = 10^6, \quad b = 35 \quad \Rightarrow \quad m = 4$$

*4-ply lookahead* é um fraquíssimo jogador de xadrez!

*4-ply*  $\approx$  um iniciante

*8-ply*  $\approx$  PC típico, mestre humano

*12-ply*  $\approx$  Kasparov, Deep Blue

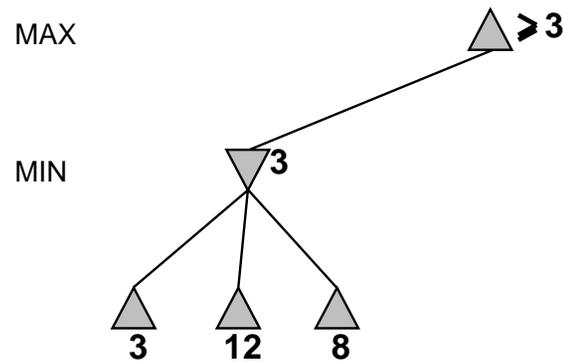
# Poda alpha-beta

Observe a ineficiência de MINIMAX: completa geração da árvore e só então avaliação de posições.

Idéia da poda alpha-beta: geração e avaliação simultâneas.

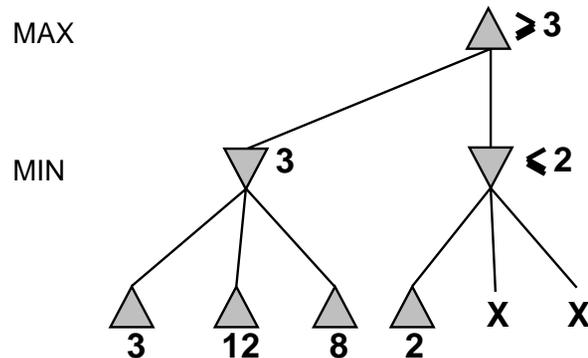
Benefício: posso evitar gerar ramos da árvore originários de nós com avaliação baixa (do ponto de vista de MAX) ou alta (do ponto de vista de MIN).

**Exemplo:**

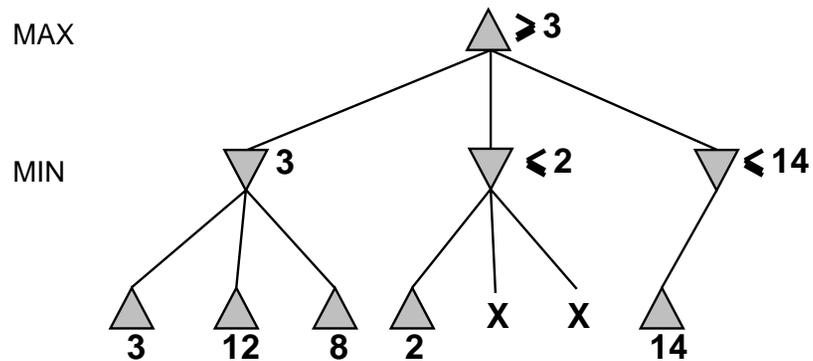


MAX garante uma avaliação de no mínimo 3 para o nó inicial. Este **limite inferior** é chamado  $\alpha$ .

## Poda alpha-beta: exemplo

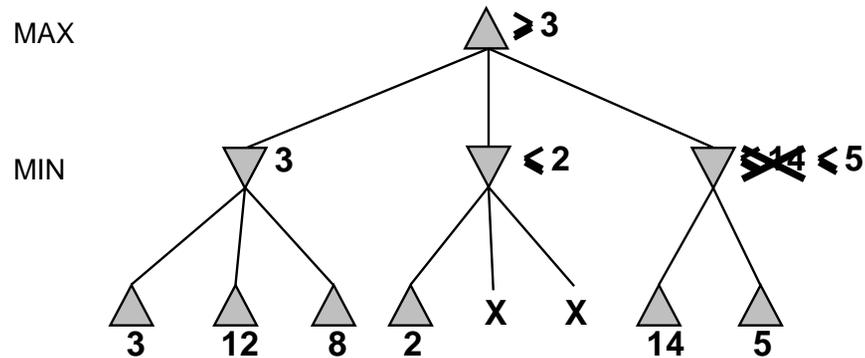


MIN garante uma avaliação de no máximo 2 para o nó. Este **limite superior** é chamado  $\beta$ . Poda alpha-beta: nó ancestral com  $\alpha > \beta$  de nó descendente  $\rightarrow$  Ramo  $\leq 2$  é “podre”, MAX já garantiu jogar em um ramo melhor. Nó que origina ramo podre recebe  $\beta$  como seu valor estático.

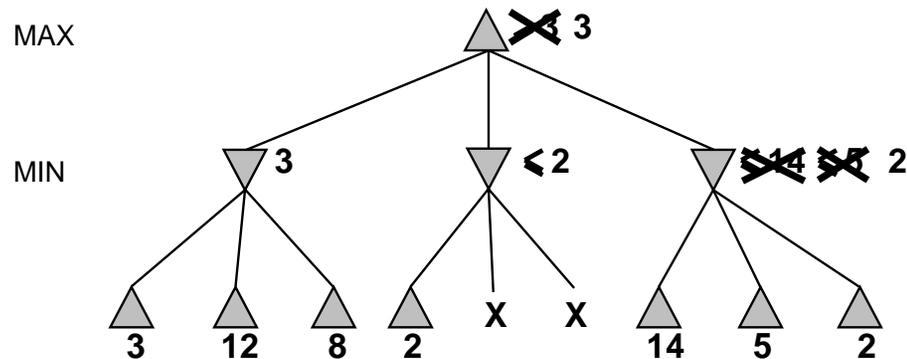


MIN garante uma avaliação de no máximo 14 para o nó. Este nó tem portanto  $\beta = 14$  (por enquanto). Poda alpha-beta: nó ancestral com  $\alpha < \beta$  de nó descendente  $\rightarrow$  nada se pode afirmar, talvez este ramo seja melhor para MAX.

## Poda alpha-beta: exemplo



Novo valor  $\beta = 5$ : MIN agora garante uma avaliação de no máximo 5. Poda alpha-beta: nó ancestral com  $\alpha < \beta$  de nó descendente  $\rightarrow$  nada se pode afirmar, talvez este ramo seja mais proveitoso para MAX.



Novo valor  $\beta = 2$ : MIN agora garante uma avaliação estática de no máximo 2. Poda alpha-beta: nó ancestral com  $\alpha > \beta$  de nó descendente  $\rightarrow$  MAX já garantiu ramo melhor. Valor estático final do nó inicial assume o valor  $\alpha$ .

## Poda alpha-beta: descrição

- Valores  $\alpha$  de nós MAX nunca diminuem.
- Valores  $\beta$  de nós MIN nunca aumentam.

Então, a busca pode ser descontinuada:

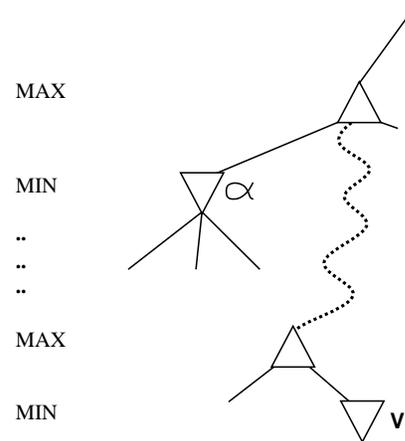
- Abaixo de qualquer nó MIN com valor  $\beta \leq$  ao valor  $\alpha$  de algum de seus ancestrais MAX.
- Abaixo de qualquer nó MAX com valor  $\alpha \geq$  ao valor  $\beta$  de algum de seus ancestrais MIN.

Durante a busca:

- O valor  $\alpha$  de um nó MAX é o maior valor dos seus sucessores atuais.
- O valor  $\beta$  de um nó MIN é o menor valor dos seus sucessores atuais.

Observe que poda alpha-beta usa busca *em profundidade* ...

# Ilustração da poda alpha-beta



$\alpha$  é o melhor valor (para MAX) achado até o momento. Se  $\beta$  é pior que  $\alpha$ , MAX o evitará  $\Rightarrow$  poda do ramo “podre”

## Propriedades:

◇ Poda **não** afeta resultado final

◇ Boa ordenação aumenta efetividade da poda: com “ordenamento perfeito,” complexidade no tempo =  $O(b^{m/2})$

$\Rightarrow$  **Dobra** profundidade da busca

$\Rightarrow$  Pode alcançar profundidade 8 e jogar xadrez de alto nível

## Jogos determinísticos na prática

**Damas:** Chinook terminou o reinado de 40 anos do campeão do mundo Marion Tinsley em 1994. Usou um banco de dados de finais de jogos definindo o jogo perfeito para todas as posições envolvendo 8 ou menos peças no tabuleiro, num total de 443.748.401.247 posições.

**Xadrez:** Deep Blue derrotou o campeão de mundo Gary Kasparov num *match* de seis jogos em 1997. Deep Blue procura 200 milhões de posições por segundo, usa uma avaliação de posições muito sofisticada, e métodos não-revelados para estender algumas linhas de busca até 40 *ply*.

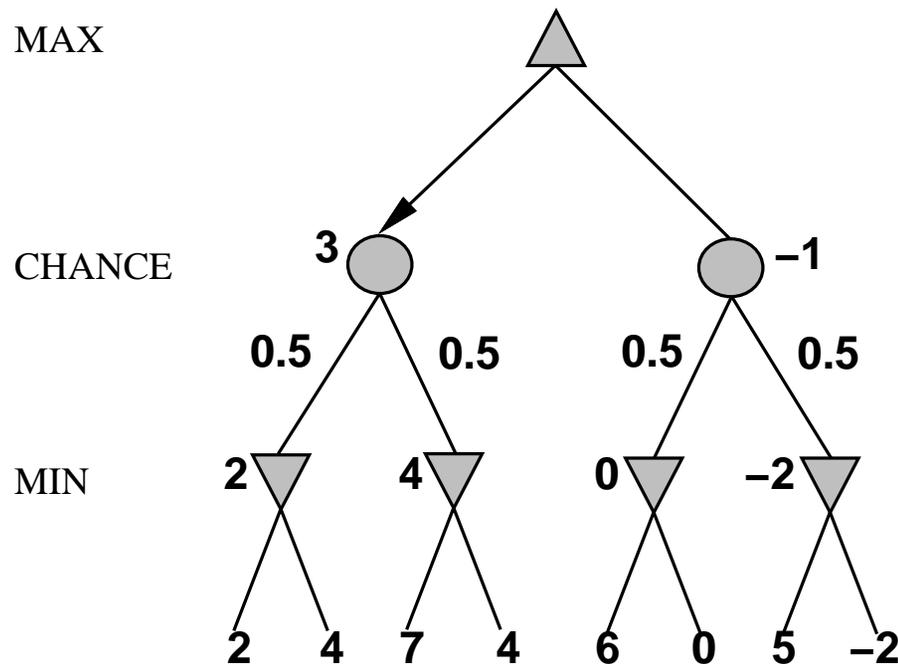
**Go:** campeões humanos se recusam a competir contra computadores, que são ruins demais. Em Go,  $b > 300$ , assim a maioria dos programas usa reconhecimento de padrões para sugerir movimentos plausíveis.

# Jogos não-determinísticos

Aparece um “terceiro jogador”: o fator aleatório.

E.g., no gamão os dados determinam os movimentos legais  $\Rightarrow$  um “jogador” chamado “dados” interpõe-se a jogadas de MAX e MIN.

Exemplo simplificado com moeda em vez de dado:



## Algoritmo para jogos não-determinísticos

EXPECTIMINIMAX proporciona jogo perfeito

Igual à MINIMAX, mas considerando-se nós fortuitos:

...

se *estado* é um nó fortuito então uso

EXPECTIMINIMAX-VALUE de SUCCESSORS(*estado*)

...

$$\text{expectmax}(C) = \sum_i P(d_i) \max_{s \in S(C, d_i)} (\text{utilidade}(s)) \quad (1)$$

$$\text{expectmin}(C) = \sum_i P(d_i) \min_{s \in S(C, d_i)} (\text{utilidade}(s)) \quad (2)$$

Uma versão de poda alpha-beta é possível

mas só se os valores de folha são limitados (*bounded*) por um valor conhecido.

Como??

## Jogos não-determinísticos na prática

Lançar dados aumenta  $b$ : 21 possíveis resultados com 2 dados

Gamão tem  $\approx 20$  movimentos legais por posição

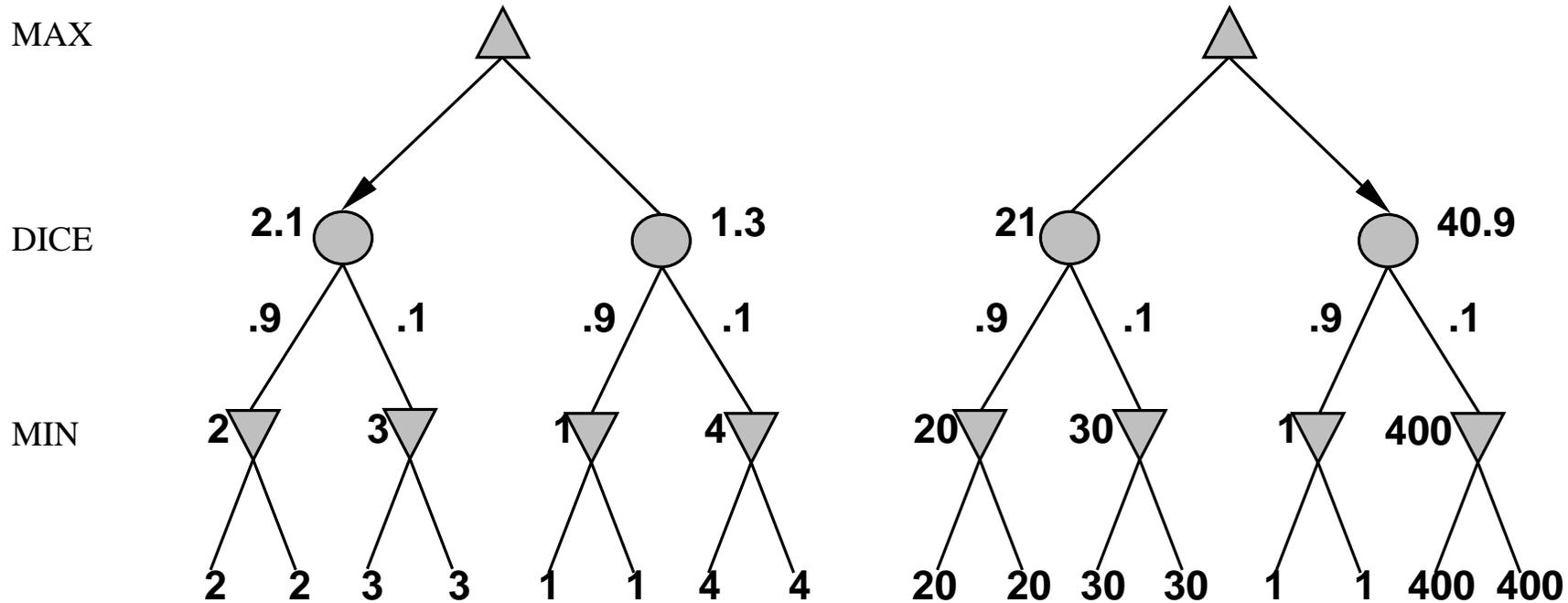
Com o aumento da profundidade, a probabilidade de se alcançar um determinado nó diminui  $\Rightarrow$  valor do *lookahead* é diminuído.

Poda alpha-beta é muito menos efetiva.

TDGAMMON usa busca de profundidade 2 + muito boa EVAL

$\approx$  nível do campeão do mundo. É baseado em Aprendizado por Reforço: começa sabendo apenas as regras, e melhora gradualmente jogando consigo mesmo várias vezes e usando como indicativo de desempenho apenas o resultado final de cada jogo (vitória ou derrota), propagada a situações anteriores que dividem a responsabilidade pelo valor final.

## Observação: Valores exatos importam



O comportamento não é mais preservado se apenas garantirmos um reescalonamento que preserve a ordem.

O comportamento só é preservado por uma transformação *linear positiva* de EVAL.